4 次元 Time-bin 量子もつれによる CGLMP 不等式の破れの観測

Violation of the CGLMP Inequality with 4 Dimensional Time-bin Entanglement

[°]生田 拓也^{1,2}、武居 弘樹¹(1.NTT 物性研、2.阪大工)

^oT. Ikuta^{1,2}, H. Takesue² (1. NTT Basic Research Labs, 2. Osaka Univ.)

E-mail: ikuta@procyon.comm.eng.osaka-u.ac.jp

【背景】

多次元の量子もつれ状態は、2次元2粒子もつ れ状態に比べ情報密度の増大、雑音耐性の向上 [1]などの利点が知られており、軌道角運動量[2] や時間-エネルギー不確定性[3,4]に基づく多次元 もつれ光子対の発生が近年盛んに報告されてい る。今回、カスケード接続した遅延マッハツェンダ ー干渉計(MZI)を用いる事で、高次元でのベルの 不等式の一種である CGLMP 不等式[5]の破れを、 4次元 Time-bin 量子もつれで初めて観測したこと を報告する。

【多次元 Time-bin 量子状態の射影測定】 d 次元の2粒子もつれ状態を用いて CGLMP 不等式の破れの観測を行うには、次式で表され る測定基底への射影が必要となる[5]。

$$|\theta\rangle = \frac{1}{\sqrt{d}} \sum_{k} \exp(ik\theta) |k\rangle$$
 (1)

時間-エネルギー量子もつれ光子対に対して、式 (1)の測定を実装する方法が提案されている[4]。 Fig. 2 に本方法を4次元 Time-bin 状態に応用する 場合の構成を示す。Time-bin 状態の時間スロット 間隔をTとした時に、経路差による遅延時間T、位 相差 θ を持つ MZI 1、同じく遅延時間2Tと位相差 2θを持つ MZI 2を用意し、二つを直列接続する。 この MZI に4次元 Time-bin 量子もつれ光子を入 力すると、出力では7つの時間位置で受信する可 能性が生ずる(Fig. 2)。このうち、図中の紫色で示 例した位相差を持った、入力光子の時間位置が k ∈ {0,1,2,3}である状態|k)の重ね合わせになっ ている。従って、この時間位置での光子検出事象 を抜き出すことで、d=4 の場合の式(1)の射影測定 が実現できる。また同様に、n個のMZIを用意して カスケード接続することで、2n次元の場合にまで拡 張することも可能である。

【実験系】

波長 1551.1nm の CW 光を LN 強度変調器を 用いて、変調速度 1GHz、パルス幅 100psの4連パ ルスに整形する。その後、PPLN 導波路を用いた 二次高調波発生により、整形したパルスから



Fig. 2 Concept of projection measurement with cascaded delay Mach-Zehnder interferometer

780nm ポンプパルスを発生させる。これをもう一つの PPLN 導波路に入力することで、パラメトリックダウンコンバージョンにより、次式で示す4次元量子もつれ状態を生成する。

$$|\Psi\rangle = \frac{1}{2} \sum_{k=0}^{3} |k\rangle_A |k\rangle_B \tag{2}$$

生成された量子もつれはフィルターを用いて波長 分離され、異なる受信者 Alice(1555nm)と Bob(1547nm)のもとで、先述の2段カスケード接続 遅延 MZIと超伝導細線単一光子検出器(SNSPD) を用いて、式(1)の測定基底に射影される。

【実験結果】

実験結果を Fig. 1 に示す。Alice 側干渉計の位 相を区間[0,2 π]において 41 分割、Bob 側を区間 [$\pi/8$, 15 $\pi/8$]において 8 分割して測定した同時計 数をプロットしている。4連パルスあたりの平均光子 数は約 0.01[photon]、SNSPD の量子効率は 19%(Alice)、17%(Bob)、ダークカウントは 7Hz(Alice)、2Hz(Bob)であった。Fig. 1 右上に Bob 側干渉計の位相を $\pi/8$ と設定した場合の同時計 数フリンジを示す。前述の射影測定を用いて明瞭 な4次元のフリンジが観測可能であることが確認で きた。また Bob 側で非直交基底での測定を行って も、量子相関が保たれていることが示されている。

Fig. 1の結果からS値を計算すると、古典論による上限値2を大きく上回るS=2.741±0.040を得た。 このように標準偏差の約18倍でCGLMP不等式の破れを確認した。

【参考文献】

[1] T. Durt, et al., Phys. Rev. A, **67**, 012311 (2003)

[2] A. C. Dada, et al., Nature Phys., 7, 677-680 (2011)

[3] R. Thew, et al., Phys. Rev. Lett., 93, 010503 (2004)

- [4] D. Richart, et al., Appl. Phys. B, **106**, 543-550 (2012)
- [5] D. Collins, et al., Phys. Rev. Lett, 88, 040404 (2002)



Fig. 1 Coincidence as function of Alice and Bob's phase